

23 独立試行①

制限時間

30分

開始時間

■時■分

終了時間

■時■分

合格点

80点

他の試行に影響を与えない試行を独立試行といいます。

独立試行 S で事象 A が起こり、独立試行 T で事象 B が起こる確率は、 $P(A) \times P(B)$ で求めます。

次の確率を求めましょう。(10点×5問=50点)

例	A がボールを的に命中させる確率…4 回に 3 回 B がボールを的に命中させる確率…8 回に 5 回 このとき、AB 二人が的に命中させる確率。	$\frac{3}{4} \times \frac{5}{8} = \frac{15}{32}$
①	A がフリースローを決める確率…6 回に 5 回 B がフリースローを決める確率…5 回に 4 回 このとき、AB 二人がフリースローを決める確率。	
②	袋 A から赤玉が出る確率…5 回に 2 回 袋 B から赤玉が出る確率…7 回に 3 回 1 個ずつ取り出すとき、AB から赤玉が出る確率。	
③	袋 A から赤玉が出る確率…6 回に 1 回 袋 B から赤玉が出る確率…10 回に 3 回 1 個ずつ取り出すとき、AB から赤玉が出る確率。	
④	箱 A の中のかくじ…100 本中 15 本が当たり 箱 B の中のかくじ…50 本中 10 本が当たり 1 本ずつひくとき、AB から当たりが出る確率。	
⑤	箱 A の中のかくじ…80 本中 16 本が当たり 箱 B の中のかくじ…120 本中 24 本が当たり 1 本ずつひくとき、AB から当たりが出る確率。	

次の確率を求めましょう。(10点×5問=50点)

例	A と B のさいころを同時に投げるとき、 2 個とも 5 以上の目が出る確率。	$\frac{2}{6} \times \frac{2}{6} = \frac{1}{9}$
①	A と B のさいころを同時に投げるとき、 2 個とも奇数の目が出る確率。	
②	A と B のさいころを同時に投げるとき、 A は素数の目が出て、B は 3 の倍数の目が出る確率。	
③	トランプのハートが 13 枚とダイヤが 13 枚あり、 それぞれから 1 枚ずつひくとき、 どちらも絵札(J, Q, K)が出る確率。	
④	A 班には男子 2 人と女子 5 人がいて、 B 班には男子 3 人と女子 4 人がいるとき、 各班 1 人ずつの代表が、両方男子になる確率。	
⑤	A 班には男子 3 人と女子 5 人がいて、 B 班には男子 4 人と女子 4 人がいるとき、 各班 2 人ずつの代表が、全員女子になる確率。	

24 独立試行②

制限時間

30分

開始時間

■時■分

終了時間

■時■分

合格点

80点

独立試行で、余事象の方が求めやすい場合、 $1 - \text{余事象 A の確率}$ で求めます。

独立試行で、事象を2つに分けた方が求めやすい場合、 $P(K \cup L) = P(K) + P(L)$ で求めます。

次の確率を求めましょう。(10点×10問=100点)

例 3回に1回の確率で当たるくじを3本ひくとき、少なくとも1本は当たる確率。

3本ともはずれの確率は $\frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{8}{27}$ なので、少なくとも1本は当たる確率は $1 - \frac{8}{27} = \frac{19}{27}$

① 4回に1回の確率で当たるくじを3本ひくとき、少なくとも1本は当たる確率。

② 1枚の硬貨を3回続けて投げるとき、少なくとも1回は表が出る確率。

③ 3人でじゃんけんをするとき、少なくとも1人はチョキを出す確率。

④ 3個のさいころを同時に投げるとき、出た目の数の積が偶数になる確率。

⑤ 3個のさいころを同時に投げるとき、少なくとも1個は1が出る確率。

⑥ 袋Aには赤玉3個と白玉4個、袋Bには赤玉2個と白玉6個があり、それぞれから1個ずつ取り出すとき、同じ色の玉が出る確率。

⑦ 袋Aには赤玉2個と白玉3個、袋Bには赤玉4個と白玉2個があり、それぞれから1個ずつ取り出すとき、違う色の玉が出る確率。

⑧ 箱Aには1~7の7枚のカード、箱Bには1~5の5枚のカードがあり、それぞれから1枚ずつ取り出すとき、カードの数字の和が奇数になる確率。

⑨ 箱Aには3本の当たりと7本のはずれ、箱Bには5本の当たりと15本のはずれがあり、それぞれから1本ずつひくとき、1本だけ当たりが出る確率。

⑩ 袋Aには赤玉3個と白玉5個、袋Bには赤玉4個と白玉3個があり、それぞれから2個ずつ取り出すとき、4つ同じ色の玉が出る確率。

25 反復試行①

制限時間

30分

開始時間

■時■分

終了時間

■時■分

合格点

80点

同じ条件で1つの試行を繰り返すことを反復試行といいます。

事象Aの起こる確率(p)を n 回行う反復試行で、Aが r 回起こる確率は ${}^nC_r p^r (1-p)^{n-r}$ で求めます。

次の確率を求めましょう。(10点×5問=50点)

例 1個のさいころを続けて3回投げるとき、1回だけ6の目が出る確率。

3回のうち1回なので 3C_1 通り

6の目が出る確率は6分の1

$${}^3C_1 \times \left(\frac{1}{6}\right)^1 \times \left(1 - \frac{1}{6}\right)^{3-1} = 3 \times \frac{1}{6} \times \left(\frac{5}{6}\right)^2 = \frac{25}{72}$$

① 1個のさいころを続けて3回投げるとき、1回だけ2以下の目が出る確率。

② 1個のさいころを続けて4回投げるとき、1回だけ奇数の目が出る確率。

③ 5本に1本の確率で当たるくじを続けて4回ひくとき、1回だけ当たりが出る確率。

④ 2個のさいころを続けて4回投げるとき、1回だけ2個とも偶数の目が出る確率。

⑤ 2個のさいころを続けて3回投げるとき、1回だけ2個とも1の目が出る確率。

次の確率を求めましょう。(10点×5問=50点)

例 1枚のコインを続けて6回投げるとき、2回表が出る確率。

6回のうち2回なので 6C_2 通り

表が出る確率は2分の1

$${}^6C_2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times \left(1 - \frac{1}{2}\right)^{6-2} = 15 \times \frac{1}{4} \times \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{15}{64}$$

① 1枚のコインを続けて7回投げるとき、3回表が出る確率。

② 1枚のコインを続けて6回投げるとき、4回表が出る確率。

③ 1枚のコインを続けて8回投げるとき、5回表が出る確率。

④ 3本に1本の確率で当たるくじを続けて6回ひくとき、3回当たりが出る確率。

⑤ 5本に2本の確率で当たるくじを続けて6回ひくとき、2回当たりが出る確率。

26 反復試行②

制限時間

30分

開始時間

■時■分

終了時間

■時■分

合格点

80点

反復試行の確率でも、余事象の確率を利用することが出来ます。

次の確率を求めましょう。(25点×2問=50点)

例 試合でAがBに勝つ確率が4分の3のとき、4回試合してAが2勝以上する確率。

$$\text{余事象} = A \text{ が } 4 \text{ 敗} + A \text{ が } 1 \text{ 勝} = \left(\frac{1}{4}\right)^4 + {}_4C_1 \times \left(\frac{3}{4}\right)^1 \times \left(1 - \frac{3}{4}\right)^{4-1} = \frac{1}{256} + 4 \times \frac{3}{4} \times \left(\frac{1}{4}\right)^3 = \frac{13}{256}$$

$$\text{よって、A が } 2 \text{ 勝以上する確率} = 1 - \frac{13}{256} = \frac{243}{256}$$

① AとBが引き分けなしのじゃんけんを5回して、Aが2勝以上する確率。

② 当たりの出る確率が3分の1のくじを6回ひいて、2回以上当たりが出る確率。

全部で n 回のうち、ある事象が r 回だとすると、そうでない事象は $n-r$ 回になります。

次の確率を求めましょう。(25点×2問=50点)

例 数直線上の原点0に点Pがあり、さいころを投げて5以上が出れば正の方向に1進み、4以下が出れば負の方向に2進みます。さいころを続けて6回投げるとき、点Pが原点の位置にある確率。

5以上が出る回数を r とすると、4以下が出る回数は $6-r$

$$1 \times r - 2 \times (6-r) = 0 \rightarrow r - 12 + 2r = 0 \rightarrow 3r = 12 \rightarrow r = 4 \quad \text{よって、5以上が出る回数は4回}$$

$$\text{点Pが原点の位置にある確率} = {}_6C_4 \times \left(\frac{1}{3}\right)^4 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^{6-4} = 15 \times \frac{1}{81} \times \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{20}{243}$$

① 数直線上の原点0に点Pがあり、さいころを投げて1か6が出れば正の方向に2進み、それ以外が出れば負の方向に1進みます。さいころを続けて5回投げるとき、点Pが+1の位置にある確率。

② 数直線上の原点0に点Pがあり、さいころを投げて4以上が出れば正の方向に3進み、3以下が出れば負の方向に1進みます。さいころを続けて8回投げるとき、点Pが原点の位置にある確率。

23 独立試行①

制限時間

30分

開始時間

■時■分

終了時間

■時■分

合格点

80点

他の試行に影響を与えない試行を独立試行といいます。

独立試行 S で事象 A が起こり、独立試行 T で事象 B が起こる確率は、 $P(A) \times P(B)$ で求めます。

次の確率を求めましょう。(10点×5問=50点)

例	A がボールを的に命中させる確率…4 回に 3 回 B がボールを的に命中させる確率…8 回に 5 回 このとき、AB 二人が的に命中させる確率。	$\frac{3}{4} \times \frac{5}{8} = \frac{15}{32}$
①	A がフリースローを決める確率…6 回に 5 回 B がフリースローを決める確率…5 回に 4 回 このとき、AB 二人がフリースローを決める確率。	$\frac{5}{6} \times \frac{4}{5} = \frac{2}{3}$
②	袋 A から赤玉が出る確率…5 回に 2 回 袋 B から赤玉が出る確率…7 回に 3 回 1 個ずつ取り出すとき、AB から赤玉が出る確率。	$\frac{2}{5} \times \frac{3}{7} = \frac{6}{35}$
③	袋 A から赤玉が出る確率…6 回に 1 回 袋 B から赤玉が出る確率…10 回に 3 回 1 個ずつ取り出すとき、AB から赤玉が出る確率。	$\frac{1}{6} \times \frac{3}{10} = \frac{1}{20}$
④	箱 A の中のかじ…100 本中 15 本が当たり 箱 B の中のかじ…50 本中 10 本が当たり 1 本ずつひくとき、AB から当たりが出る確率。	$\frac{15}{100} \times \frac{10}{50} = \frac{3}{100}$
⑤	箱 A の中のかじ…80 本中 16 本が当たり 箱 B の中のかじ…120 本中 24 本が当たり 1 本ずつひくとき、AB から当たりが出る確率。	$\frac{16}{80} \times \frac{24}{120} = \frac{1}{25}$

次の確率を求めましょう。(10点×5問=50点)

例	A と B のさいころを同時に投げるとき、 2 個とも 5 以上の目が出る確率。	$\frac{2}{6} \times \frac{2}{6} = \frac{1}{9}$
①	A と B のさいころを同時に投げるとき、 2 個とも奇数の目が出る確率。	$\frac{3}{6} \times \frac{3}{6} = \frac{1}{4}$
②	A と B のさいころを同時に投げるとき、 A は素数の目が出て、B は 3 の倍数の目が出る確率。	$\frac{4}{6} \times \frac{2}{6} = \frac{2}{9}$
③	トランプのハートが 13 枚とダイヤが 13 枚あり、 それぞれから 1 枚ずつひくとき、 どちらも絵札(J, Q, K)が出る確率。	$\frac{3}{13} \times \frac{3}{13} = \frac{9}{169}$
④	A 班には男子 2 人と女子 5 人がいて、 B 班には男子 3 人と女子 4 人がいるとき、 各班 1 人ずつの代表が、両方男子になる確率。	$\frac{{}^2C_1}{{}^7C_1} \times \frac{{}^3C_1}{{}^7C_1} = \frac{2}{7} \times \frac{3}{7} = \frac{6}{49}$
⑤	A 班には男子 3 人と女子 5 人がいて、 B 班には男子 4 人と女子 4 人がいるとき、 各班 2 人ずつの代表が、全員女子になる確率。	$\frac{{}^5C_2}{{}^8C_2} \times \frac{{}^4C_2}{{}^8C_2} = \frac{5 \times 4}{8 \times 7} \times \frac{4 \times 3}{8 \times 7} = \frac{15}{196}$

24 独立試行②

制限時間

30分

開始時間

■時■分

終了時間

■時■分

合格点

80点

独立試行で、余事象の方が求めやすい場合、 $1 - \text{余事象 A の確率}$ で求めます。

独立試行で、事象を2つに分けた方が求めやすい場合、 $P(K \cup L) = P(K) + P(L)$ で求めます。

次の確率を求めましょう。(10点×10問=100点)

例 3回に1回の確率で当たるくじを3本ひくとき、少なくとも1本は当たる確率。

3本ともはずれの確率は $\frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{8}{27}$ なので、少なくとも1本は当たる確率は $1 - \frac{8}{27} = \frac{19}{27}$

① 4回に1回の確率で当たるくじを3本ひくとき、少なくとも1本は当たる確率。

3本ともはずれの確率は $\frac{3}{4} \times \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} = \frac{27}{64}$ なので、少なくとも1本は当たる確率は $1 - \frac{27}{64} = \frac{37}{64}$

② 1枚の硬貨を3回続けて投げるとき、少なくとも1回は表が出る確率。

3回とも裏が出る確率は $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$ なので、少なくとも1回は表が出る確率は $1 - \frac{1}{8} = \frac{7}{8}$

③ 3人でじゃんけんをするとき、少なくとも1人はチョキを出す確率。

3人がグーかパーの確率は $\frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{8}{27}$ なので、少なくとも1人はチョキを出す確率は $1 - \frac{8}{27} = \frac{19}{27}$

④ 3個のさいころを同時に投げるとき、出た目の数の積が偶数になる確率。

3個とも奇数が出る確率は $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$ なので、出た目の数の積が偶数になる確率は $1 - \frac{1}{8} = \frac{7}{8}$

⑤ 3個のさいころを同時に投げるとき、少なくとも1個は1が出る確率。

3個とも2以上が出る確率は $\frac{5}{6} \times \frac{5}{6} \times \frac{5}{6} = \frac{125}{216}$ なので、少なくとも1回は1が出る確率は $1 - \frac{125}{216} = \frac{91}{216}$

⑥ 袋Aには赤玉3個と白玉4個、袋Bには赤玉2個と白玉6個があり、それぞれから1個ずつ取り出すとき、同じ色の玉が出る確率。

両方赤の確率 $P(K) = \frac{3}{7} \times \frac{2}{8} = \frac{6}{56}$ 、両方白の確率 $P(L) = \frac{4}{7} \times \frac{6}{8} = \frac{24}{56}$ 、 $P(K \cup L) = \frac{6}{56} + \frac{24}{56} = \frac{15}{28}$

⑦ 袋Aには赤玉2個と白玉3個、袋Bには赤玉4個と白玉2個があり、それぞれから1個ずつ取り出すとき、違う色の玉が出る確率。

A赤B白の確率 $P(K) = \frac{2}{5} \times \frac{2}{6} = \frac{4}{30}$ 、A白B赤の確率 $P(L) = \frac{3}{5} \times \frac{4}{6} = \frac{12}{30}$ 、 $P(K \cup L) = \frac{4}{30} + \frac{12}{30} = \frac{8}{15}$

⑧ 箱Aには1~7の7枚のカード、箱Bには1~5の5枚のカードがあり、それぞれから1枚ずつ取り出すとき、カードの数字の和が奇数になる確率。

奇数+偶数の確率 $P(K) = \frac{4}{7} \times \frac{2}{5} = \frac{8}{35}$ 、偶数+奇数の確率 $P(L) = \frac{3}{7} \times \frac{3}{5} = \frac{9}{35}$ 、 $P(K \cup L) = \frac{8}{35} + \frac{9}{35} = \frac{17}{35}$

⑨ 箱Aには3本の当たりと7本のはずれ、箱Bには5本の当たりと15本のはずれがあり、それぞれから1本ずつひくとき、1本だけ当たりが出る確率。

Aだけ当たりの確率 $P(K) = \frac{3}{10} \times \frac{15}{20} = \frac{9}{40}$ 、Bだけ当たりの確率 $P(L) = \frac{7}{10} \times \frac{5}{20} = \frac{7}{40}$ 、 $P(K \cup L) = \frac{9}{40} + \frac{7}{40} = \frac{2}{5}$

⑩ 袋Aには赤玉3個と白玉5個、袋Bには赤玉4個と白玉3個があり、それぞれから2個ずつ取り出すとき、4つ同じ色の玉が出る確率。

全部赤の確率 $P(K) = \frac{{}^3C_2}{{}^8C_2} \times \frac{{}^4C_2}{{}^7C_2} = \frac{3}{98}$ 、全部白の確率 $P(L) = \frac{{}^5C_2}{{}^8C_2} \times \frac{{}^3C_2}{{}^7C_2} = \frac{5}{98}$ 、 $P(K \cup L) = \frac{3}{98} + \frac{5}{98} = \frac{4}{49}$

25 反復試行①

制限時間

30分

開始時間

■時■分

終了時間

■時■分

合格点

80点

同じ条件で1つの試行を繰り返すことを反復試行といいます。

事象Aの起こる確率(p)を n 回行う反復試行で、Aが r 回起こる確率は ${}^nC_r p^r (1-p)^{n-r}$ で求めます。

次の確率を求めましょう。(10点×5問=50点)

例 1個のさいころを続けて3回投げるとき、1回だけ6の目が出る確率。

3回のうち1回なので 3C_1 通り

$${}^3C_1 \times \left(\frac{1}{6}\right)^1 \times \left(1 - \frac{1}{6}\right)^{3-1} = 3 \times \frac{1}{6} \times \left(\frac{5}{6}\right)^2 = \frac{25}{72}$$

6の目が出る確率は6分の1

① 1個のさいころを続けて3回投げるとき、1回だけ2以下の目が出る確率。

3回のうち1回なので 3C_1 通り

$${}^3C_1 \times \left(\frac{1}{3}\right)^1 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^{3-1} = 3 \times \frac{1}{3} \times \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$$

2以下が出る確率は3分の1

② 1個のさいころを続けて4回投げるとき、1回だけ奇数の目が出る確率。

4回のうち1回なので 4C_1 通り

$${}^4C_1 \times \left(\frac{1}{2}\right)^1 \times \left(1 - \frac{1}{2}\right)^{4-1} = 4 \times \frac{1}{2} \times \left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{1}{4}$$

奇数の目が出る確率は2分の1

③ 5本に1本の確率で当たるくじを続けて4回ひくとき、1回だけ当たりが出る確率。

4回のうち1回なので 4C_1 通り

$${}^4C_1 \times \left(\frac{1}{5}\right)^1 \times \left(1 - \frac{1}{5}\right)^{4-1} = 4 \times \frac{1}{5} \times \left(\frac{4}{5}\right)^3 = \frac{256}{625}$$

当たりが出る確率は5分の1

④ 2個のさいころを続けて4回投げるとき、1回だけ2個とも偶数の目が出る確率。

4回のうち1回なので 4C_1 通り

$${}^4C_1 \times \left(\frac{1}{4}\right)^1 \times \left(1 - \frac{1}{4}\right)^{4-1} = 4 \times \frac{1}{4} \times \left(\frac{3}{4}\right)^3 = \frac{27}{64}$$

2個とも偶数の目が出る確率は4分の1

⑤ 2個のさいころを続けて3回投げるとき、1回だけ2個とも1の目が出る確率。

3回のうち1回なので 3C_1 通り

$${}^3C_1 \times \left(\frac{1}{36}\right)^1 \times \left(1 - \frac{1}{36}\right)^{3-1} = 3 \times \frac{1}{36} \times \left(\frac{35}{36}\right)^2 = \frac{1225}{15552}$$

2個とも1の目が出る確率は36分の1

次の確率を求めましょう。(10点×5問=50点)

例 1枚のコインを続けて6回投げるとき、2回表が出る確率。

6回のうち2回なので 6C_2 通り

$${}^6C_2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times \left(1 - \frac{1}{2}\right)^{6-2} = 15 \times \frac{1}{4} \times \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{15}{64}$$

表が出る確率は2分の1

① 1枚のコインを続けて7回投げるとき、3回表が出る確率。

7回のうち3回なので 7C_3 通り

$${}^7C_3 \times \left(\frac{1}{2}\right)^3 \times \left(1 - \frac{1}{2}\right)^{7-3} = 35 \times \frac{1}{8} \times \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{35}{128}$$

表が出る確率は2分の1

② 1枚のコインを続けて6回投げるとき、4回表が出る確率。

6回のうち4回なので 6C_4 通り

$${}^6C_4 \times \left(\frac{1}{2}\right)^4 \times \left(1 - \frac{1}{2}\right)^{6-4} = 15 \times \frac{1}{16} \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{15}{64}$$

表が出る確率は2分の1

③ 1枚のコインを続けて8回投げるとき、5回表が出る確率。

8回のうち5回なので 8C_5 通り

$${}^8C_5 \times \left(\frac{1}{2}\right)^5 \times \left(1 - \frac{1}{2}\right)^{8-5} = 56 \times \frac{1}{32} \times \left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{7}{32}$$

表が出る確率は2分の1

④ 3本に1本の確率で当たるくじを続けて6回ひくとき、3回当たりが出る確率。

6回のうち3回なので 6C_3 通り

$${}^6C_3 \times \left(\frac{1}{3}\right)^3 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^{6-3} = 20 \times \frac{1}{27} \times \left(\frac{2}{3}\right)^3 = \frac{160}{729}$$

当たりが出る確率は3分の1

⑤ 5本に2本の確率で当たるくじを続けて6回ひくとき、2回当たりが出る確率。

6回のうち2回なので 6C_2 通り

$${}^6C_2 \times \left(\frac{2}{5}\right)^2 \times \left(1 - \frac{2}{5}\right)^{6-2} = 15 \times \frac{4}{25} \times \left(\frac{3}{5}\right)^4 = \frac{972}{3125}$$

当たりが出る確率は5分の2

26 反復試行②

制限時間

30分

開始時間

■時■分

終了時間

■時■分

合格点

80点

反復試行の確率でも、余事象の確率を利用することが出来ます。

次の確率を求めましょう。(25点×2問=50点)

例 試合でAがBに勝つ確率が4分の3のとき、4回試合してAが2勝以上する確率。

$$\text{余事象} = A \text{ が } 4 \text{ 敗} + A \text{ が } 1 \text{ 勝} = \left(\frac{1}{4}\right)^4 + {}_4C_1 \times \left(\frac{3}{4}\right)^1 \times \left(1 - \frac{3}{4}\right)^{4-1} = \frac{1}{256} + 4 \times \frac{3}{4} \times \left(\frac{1}{4}\right)^3 = \frac{13}{256}$$

$$\text{よって、A が } 2 \text{ 勝以上する確率} = 1 - \frac{13}{256} = \frac{243}{256}$$

① AとBが引き分けなしのじゃんけんを5回して、Aが2勝以上する確率。

$$\text{余事象} = A \text{ が } 5 \text{ 敗} + A \text{ が } 1 \text{ 勝} = \left(\frac{1}{2}\right)^5 + {}_5C_1 \times \left(\frac{1}{2}\right)^1 \times \left(1 - \frac{1}{2}\right)^{5-1} = \frac{1}{32} + 5 \times \frac{1}{2} \times \left(\frac{1}{2}\right)^4 = \frac{3}{16}$$

$$\text{よって、A が } 2 \text{ 勝以上する確率} = 1 - \frac{3}{16} = \frac{13}{16}$$

② 当たりの出る確率が3分の1のくじを6回ひいて、2回以上当たりが出る確率。

$$\text{余事象} = 6 \text{ 回はずれ} + 1 \text{ 回当たり} = \left(\frac{2}{3}\right)^6 + {}_6C_1 \times \left(\frac{1}{3}\right)^1 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^{6-1} = \frac{64}{729} + 6 \times \frac{1}{3} \times \left(\frac{2}{3}\right)^5 = \frac{256}{729}$$

$$\text{よって、2回以上当たりが出る確率} = 1 - \frac{256}{729} = \frac{473}{729}$$

全部でn回のうち、ある事象がr回だとすると、そうでない事象はn-r回になります。

次の確率を求めましょう。(25点×2問=50点)

例 数直線上の原点0に点Pがあり、さいころを投げて5以上が出れば正の方向に1進み、4以下が出れば負の方向に2進みます。さいころを続けて6回投げるとき、点Pが原点の位置にある確率。

5以上が出る回数をrとすると、4以下が出る回数は6-r

$$1 \times r - 2 \times (6 - r) = 0 \rightarrow r - 12 + 2r = 0 \rightarrow 3r = 12 \rightarrow r = 4 \quad \text{よって、5以上が出る回数は4回}$$

$$\text{点Pが原点の位置にある確率} = {}_6C_4 \times \left(\frac{1}{3}\right)^4 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^{6-4} = 15 \times \frac{1}{81} \times \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{20}{243}$$

① 数直線上の原点0に点Pがあり、さいころを投げて1か6が出れば正の方向に2進み、それ以外が出れば負の方向に1進みます。さいころを続けて5回投げるとき、点Pが+1の位置にある確率。

1か6が出る回数をrとすると、それ以外が出る回数は5-r

$$2 \times r - 1 \times (5 - r) = 1 \rightarrow 2r - 5 + r = 1 \rightarrow 3r = 6 \rightarrow r = 2 \quad \text{よって、1か6が出る回数は2回}$$

$$\text{点Pが+1の位置にある確率} = {}_5C_2 \times \left(\frac{1}{3}\right)^2 \times \left(1 - \frac{1}{3}\right)^{5-2} = 10 \times \frac{1}{9} \times \left(\frac{2}{3}\right)^3 = \frac{80}{243}$$

② 数直線上の原点0に点Pがあり、さいころを投げて4以上が出れば正の方向に3進み、3以下が出れば負の方向に1進みます。さいころを続けて8回投げるとき、点Pが原点の位置にある確率。

4以上が出る回数をrとすると、3以下が出る回数は8-r

$$3 \times r - 1 \times (8 - r) = 0 \rightarrow 3r - 8 + r = 0 \rightarrow 4r = 8 \rightarrow r = 2 \quad \text{よって、4以上が出る回数は2回}$$

$$\text{点Pが原点の位置にある確率} = {}_8C_2 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 \times \left(1 - \frac{1}{2}\right)^{8-2} = 28 \times \frac{1}{4} \times \left(\frac{1}{2}\right)^6 = \frac{7}{64}$$